

수학영역의 비밀 (B)형 복습자료

만든이 : 포카칩

같이 풀면서 복습하는 시간을 가져보시기 바랍니다.

본인이 풀었던 문제의 반복/융합이라는 것을 깨닫고, 시험장에서는 수비를 통해 문항에 대해 이미 친숙해져 있고 전형적이어진 상태로 접근하시면 충분합니다.

수학영역의 비밀 81쪽 4번

4. 모든 항이 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\frac{a_1 a_2}{a_3} = 2, \quad \frac{2a_2}{a_1} + \frac{a_4}{a_2} = 8$$

일 때, a_3 의 값은? [3점] [2013학년도 대수능]

- ① 16 ② 18 ③ 20 ④ 22 ⑤ 24

4. 공비가 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 이

$$a_1 + a_2 = 12, \quad \frac{a_3 + a_7}{a_1 + a_6} = 4$$

를 만족시킬 때, a_4 의 값은? [3점]

- ① 24 ② 28 ③ 32 ④ 36 ⑤ 40

수학영역의 비밀 300쪽 4번

4. 다음 표와 같이 3개 과목에 각각 2개의 수준으로 구성된 6개의 과제가 있다. 각 과목의 과제는 수준 I의 과제를 제출한 후에만 수준 II의 과제를 제출할 수 있다. 예를 들어, '국어A → 수학A → 국어B → 영어A → 영어B → 수학B' 순서로 과제를 제출할 수 있다.

과목 수준	국어	수학	영어
I	국어A	수학A	영어A
II	국어B	수학B	영어B

6개의 과제를 모두 제출할 때, 제출 순서를 정하는 경우의 수를 구하시오. [4점] [2010학년도 9월]

5. 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적혀 있는 6장의 카드가 있다. 이 카드를 모두 한 번씩 사용하여 일렬로 나열할 때, 2가 적혀 있는 카드는 4가 적혀 있는 카드보다 왼쪽에 나열하고 홀수가 적혀 있는 카드는 작은 수부터 크기 순서로 왼쪽부터 나열하는 경우의 수는? [3점]

- ① 56 ② 60 ③ 64 ④ 68 ⑤ 72

수학영역의 비밀 184쪽 6번

KILLER

6. 다항함수 $f(x)$ 가

$$\lim_{x \rightarrow +0} \frac{x^3 f\left(\frac{1}{x}\right) - 1}{x^3 + x} = 5, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{x^2 + x - 2} = \frac{1}{3}$$

을 만족시킬 때, $f(2)$ 의 값을 구하시오. [3점] [2010학년도 6월]

6. 다항함수 $f(x)$ 가

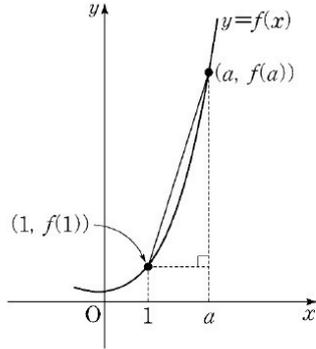
$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{f(x)} = 1, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{f(x)} = 2$$

를 만족시킬 때, $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(f(x))}{2x^2 - x - 1}$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

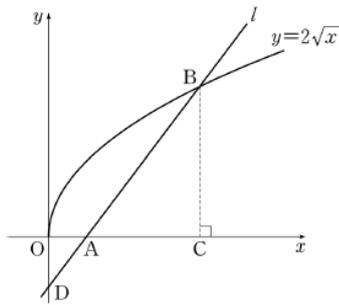
수학영역의 비밀 132쪽 8번

8. 양의 실수 전체의 집합에서 증가하는 함수 $f(x)$ 가 $x=1$ 에서 미분가능하다. 1 보다 큰 모든 실수 a 에 대하여 점 $(1, f(1))$ 과 점 $(a, f(a))$ 사이의 거리가 $a^2 - 1$ 일 때, $f'(1)$ 의 값은? [4점] [2013학년도 6월]



- ① 1 ② $\frac{\sqrt{5}}{2}$ ③ $\frac{\sqrt{6}}{2}$ ④ $\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{3}$

- [8~9] 점 $A(1, 0)$ 을 지나고 기울기가 양수인 직선 l 이 곡선 $y=2\sqrt{x}$ 와 만나는 점을 B , 점 B 에서 x 축에 내린 수선의 발을 C , 직선 l 이 y 축과 만나는 점을 D 라 하자. 8번과 9번의 두 물음에 답하시오.



8. 점 $B(t, 2\sqrt{t})$ 에 대하여 삼각형 BAC 의 넓이를 $f(t)$ 라 할 때, $f'(9)$ 의 값은? [3점]

- ① 3 ② $\frac{10}{3}$ ③ $\frac{11}{3}$ ④ 4 ⑤ $\frac{13}{3}$

수학영역의 비밀 290쪽 예제

예제. 두 곡선 $y = \sqrt{x}$, $y = \sqrt{-x+10}$ 과 x 축으로 둘러싸인 부분을 x 축의 둘레로 회전시켜 생기는 회전체의 부피가 $a\pi$ 일 때, a 의 값을 구하시오. [3점] [2011학년도 대수능]

9. $\overline{AB}:\overline{AD}=3:1$ 일 때, 점 B의 x 좌표를 a 라 하자. x 축, 직선 $x=a$, 곡선 $y=2\sqrt{x}$ 로 둘러싸인 부분을 x 축의 둘레로 회전시켜 생기는 회전체의 부피는? [3점]

- ① 32π ② 33π ③ 34π ④ 35π ⑤ 36π

수학영역의 비밀 308쪽 29번

29. 콜라맛 사탕을 너무나도 좋아하는 철수가 콜라맛 사탕, 계피맛 사탕, 인삼맛 사탕, 칙 사탕이 각각 4개 이상 들어 있는 상자에서 4개의 사탕을 뽑기로 했다 콜라맛 사탕을 1개 이상 뽑는 경우의 수는? (단, 사탕을 뽑는 순서는 고려하지 않는다.)

- ① 20 ② 24 ③ 28 ④ 32 ⑤ 36

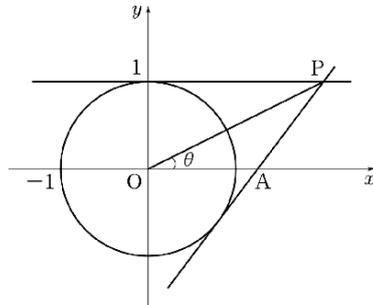
10. 고구마피자, 새우피자, 불고기피자 중에서 m 개를 주문하는 경우의 수가 36일 때, 고구마피자, 새우피자, 불고기피자를 적어도 하나씩 포함하여 m 개를 주문하는 경우의 수는? [3점]

- ① 12 ② 15 ③ 18 ④ 21 ⑤ 24

수학영역의 비밀 174쪽 예제

예제. 그림과 같이 직선 $y=1$ 위의 점 P에서 원 $x^2+y^2=1$ 에 그은 접선이 x 축과 만나는 점을 A라 하고, $\angle AOP = \theta$ 라 하자. $\overline{OA} = \frac{5}{4}$ 일 때, $\tan 3\theta$ 의 값은? (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ 이다.)

[4점] [2014학년도 예비평가]

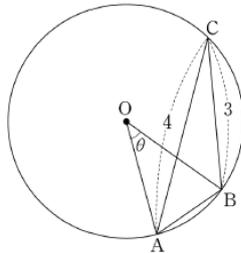


- ① 4 ② $\frac{9}{2}$ ③ 5 ④ $\frac{11}{2}$ ⑤ 6

11. 그림과 같이 중심이 O인 원 위에 세 점 A, B, C가 있다.

$\overline{AC} = 4$, $\overline{BC} = 3$ 이고 삼각형 ABC의 넓이가 2이다.

$\angle AOB = \theta$ 일 때, $\sin \theta$ 의 값은? (단, $0 < \theta < \pi$) [3점]

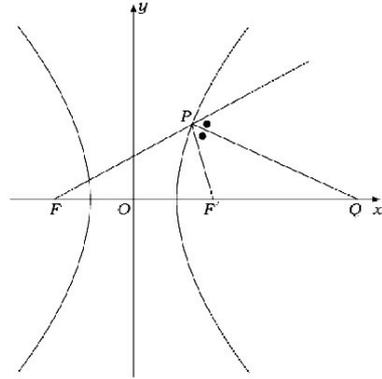


- ① $\frac{2\sqrt{2}}{9}$ ② $\frac{5\sqrt{2}}{18}$ ③ $\frac{\sqrt{2}}{3}$
 ④ $\frac{7\sqrt{2}}{18}$ ⑤ $\frac{4\sqrt{2}}{9}$

수학영역의 비밀 373쪽 14번

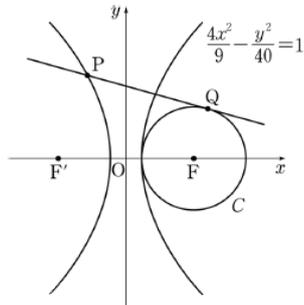
KILLER

14. 두 초점이 F, F'인 쌍곡선 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 이 있다. 제 1사분면 위의 임의의 점 P에 대하여 각 FPF'의 외각의 이등분선이 x축과 만나는 점을 Q(10, 0)이라 할 때, 삼각형 FPF'의 둘레의 길이를 구하시오.



12. 그림과 같이 쌍곡선 $\frac{4x^2}{9} - \frac{y^2}{40} = 1$ 의 두 초점은 F, F'이고,

점 F를 중심으로 하는 원 C는 쌍곡선과 한 점에서 만난다. 제2사분면에 있는 쌍곡선 위의 점 P에서 원 C에 접선을 그었을 때 접점을 Q라 하자. $\overline{PQ} = 12$ 일 때, 선분 PF'의 길이는? [3점]



- ① 10 ② $\frac{21}{2}$ ③ 11 ④ $\frac{23}{2}$ ⑤ 12

수학영역의 비밀 95쪽 8번

8. 수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1 = 4$ 이고,

$$a_{n+1} = n \cdot 2^n + \sum_{k=1}^n \frac{a_k}{k} \quad (n \geq 1)$$

을 만족시킨다. 다음은 일반항 a_n 을 구하는 과정이다.

주어진 식에 의하여

$$a_n = (n-1) \cdot 2^{n-1} + \sum_{k=1}^{n-1} \frac{a_k}{k} \quad (n \geq 2)$$

이다. 따라서 2 이상의 자연수 n 에 대하여

$$a_{n+1} - a_n = \boxed{\text{(가)}} + \frac{a_n}{n}$$

이므로

$$a_{n+1} = \frac{(n+1)a_n}{n} + \boxed{\text{(가)}}$$

이다. $b_n = \frac{a_n}{n}$ 이라 하면

$$b_{n+1} = b_n + \frac{\boxed{\text{(가)}}}{n+1} \quad (n \geq 2)$$

이고, $b_2 = 3$ 이므로

$$b_n = \boxed{\text{(나)}} \quad (n \geq 2)$$

이다. 그러므로

$$a_n = \begin{cases} 4 & (n=1) \\ n \times \boxed{\text{(나)}} & (n \geq 2) \end{cases}$$

이다.

위의 (가), (나)에 알맞은 식을 각각 $f(n)$, $g(n)$ 이라 할 때, $f(4) + g(7)$ 의 값은?

[4점] [2013학년도 대수영]

- ① 90 ② 95 ③ 100 ④ 105 ⑤ 110

13. 수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1 = 2$ 이고,

$$n^2 a_{n+1} = (n^2 - 1)a_n + n(n+1)2^n \quad (n \geq 1)$$

을 만족시킨다. 다음은 일반항 a_n 을 구하는 과정이다.

주어진 식에 의하여

$$a_{n+1} = \frac{(n+1)(n-1)}{n^2} a_n + \frac{n+1}{n} 2^n$$

이다. $b_n = \frac{n-1}{n} a_n$ 이라 하면

$$b_{n+1} = b_n + \boxed{\text{(가)}} \quad (n \geq 1)$$

이고, $b_1 = 0$ 이므로

$$b_n = \boxed{\text{(나)}} \quad (n \geq 1)$$

이다. 그러므로

$$a_n = \begin{cases} 2 & (n=1) \\ \frac{n}{n-1} \times \boxed{\text{(나)}} & (n \geq 2) \end{cases}$$

이다.

위의 (가), (나)에 알맞은 식을 각각 $f(n)$, $g(n)$ 이라 할 때, $f(5) + g(10)$ 의 값은? [3점]

- ① 1014 ② 1024 ③ 1034 ④ 1044 ⑤ 1054

수학영역의 비밀 34쪽 9번

(B형에서 합답형 대신 출제된 문항입니다 - 과정이 비슷한 합답형 문항으로 대체합니다.)

9. 집합 S 가

$$S = \{M \mid M \text{은 이차정사각행렬이고 } M^2 = M\}$$

일 때, 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? (단, E 는 단위행렬이다.) [4점] [2013학년도 6월]

보기

ㄱ. $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ -1 & -1 \end{pmatrix} \in S$
 ㄴ. $A \in S$ 이고 A 의 역행렬이 존재하면 $A = E$ 이다.
 ㄷ. $A + E \in S$ 이면 $A^4 \in S$ 이다.

- ① ㄱ ② ㄱ, ㄴ ③ ㄱ, ㄷ ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

14. 이차정사각행렬 A 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $A^3 = E$
 (나) $A - E$ 의 역행렬이 존재한다.

행렬 $(A - E)^{60}$ 의 모든 성분의 합은? (단, E 는 단위행렬이다.)

[4점]

- ① 3^{30} ② $2 \cdot 3^{30}$ ③ 3^{31}
 ④ $4 \cdot 3^{30}$ ⑤ $5 \cdot 3^{30}$

수학영역의 비밀 361쪽 5번

5. 행렬 $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ 으로 나타내어지는 일차변환에 의하여 세 점 $A(-2, 0)$, $B(2, 0)$, $C(0, 2)$ 가 옮겨진 점을 각각 A' , B' , C' 이라 하자. 삼각형 ABC 의 내부와 삼각형 $A'B'C'$ 의 내부의 공통부분의 넓이는? [3점] [2013학년도 6월]

- ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

15. 좌표평면 위에 두 점 $P(1, 0)$, $Q(0, 1)$ 이 있다. 원점을 중심으로 하는 회전변환 f 에 의하여 점 P 가 제1사분면 위의 점 R 로 옮겨진다. 삼각형 OPQ 와 삼각형 OPR 의 공통부분의 넓이가 삼각형 OPQ 의 넓이의 $\frac{2}{3}$ 배일 때, 회전변환 f 를 나타내는 행렬의 모든 성분의 합은? (단, O 는 원점이다.) [4점]

- ① $\frac{\sqrt{5}}{10}$ ② $\frac{\sqrt{5}}{5}$ ③ $\frac{3\sqrt{5}}{10}$
 ④ $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ ⑤ $\frac{\sqrt{5}}{2}$

25. 함수 $f(x) = kx^2e^{-x}$ ($k > 0$)과 실수 t 에 대하여 곡선 $y = f(x)$ 위의 점 $(t, f(t))$ 에서 x 축까지의 거리와 y 축까지의 거리 중 크지 않은 값을 $g(t)$ 라 하자. 함수 $g(t)$ 가 한 점에서만 미분가능하지 않도록 하는 k 의 최댓값은? [4점] [2013학년도 대수능]

- ① $\frac{1}{e}$ ② $\frac{1}{\sqrt{e}}$ ③ $\frac{e}{2}$ ④ \sqrt{e} ⑤ e

16. 실수 t 에 대하여 곡선 $y = x^3$ 위의 점 (t, t^3) 과 직선 $y = x + 6$ 사이의 거리를 $g(t)$ 라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

<보 기>

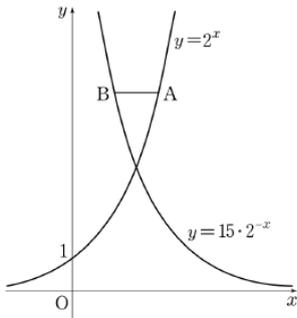
ㄱ. 함수 $g(t)$ 는 실수 전체의 집합에서 연속이다.
 ㄴ. 함수 $g(t)$ 는 0이 아닌 극솟값을 갖는다.
 ㄷ. 함수 $g(t)$ 는 $t = 2$ 에서 미분가능하다.

- ① ㄱ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

14. 좌표평면에서 두 곡선 $y = \log_{\frac{1}{2}} x$, $y = \log_{\frac{1}{4}} x + 1$ 이 직선 $x = m$ 과 만나는 점을 각각 P, Q라 하자. $\overline{PQ} \leq 1$ 을 만족시키는 실수 m 의 값의 범위를 $a \leq m \leq b$ 라 할 때, $a + b$ 의 값은?

- ① $\frac{17}{16}$ ② $\frac{5}{4}$ ③ $\frac{3}{2}$ ④ $\frac{7}{4}$ ⑤ $\frac{9}{4}$

17. 그림과 같이 함수 $y = 2^x$ 의 그래프 위의 한 점 A를 지나고 x 축에 평행한 직선이 함수 $y = 15 \cdot 2^{-x}$ 의 그래프와 만나는 점을 B라 하자. 점 A의 x 좌표를 a 라 할 때, $1 < \overline{AB} < 100$ 을 만족시키는 2 이상의 자연수 a 의 개수는? [4점]



- ① 40 ② 43 ③ 46 ④ 49 ⑤ 52

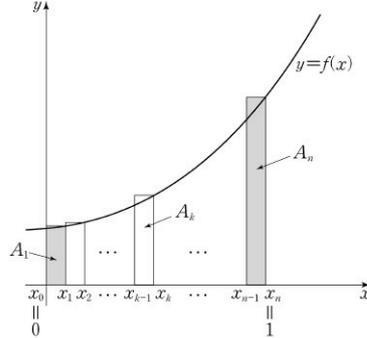
수학영역의 비밀 279쪽 8번

KILLER

8. 함수 $f(x) = x^2 + ax + b$ ($a \geq 0, b > 0$)가 있다. 그림과 같이 2 이상인 자연수 n 에 대하여 닫힌 구간 $[0, 1]$ 을 n 등분한 각 분점(양 끝점도 포함)을 차례대로

$$0 = x_0, x_1, x_2, \dots, x_{n-1}, x_n = 1$$

이라 하자. 닫힌 구간 $[x_{k-1}, x_k]$ 를 밑변으로 하고 높이가 $f(x_k)$ 인 직사각형의 넓이를 A_k 라 하자. ($k = 1, 2, 3, \dots, n$)



양 끝에 있는 두 직사각형의 넓이의 합이

$$A_1 + A_n = \frac{7n^2 + 1}{n^3}$$

일 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \frac{8k}{n} A_k$ 의 값을 구하시오. [4점] [2010학년도 대수능력]

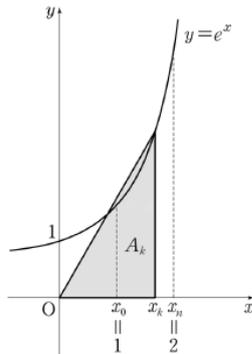
18. 함수 $f(x) = e^x$ 이 있다. 2 이상인 자연수 n 에 대하여 닫힌 구간 $[1, 2]$ 를 n 등분한 각 분점(양 끝점도 포함)을 차례로

$$1 = x_0, x_1, x_2, \dots, x_{n-1}, x_n = 2$$

라 하자. 세 점 $(0, 0), (x_k, 0), (x_k, f(x_k))$ 를 꼭짓점으로 하는 삼각형의 넓이를 A_k ($k = 1, 2, \dots, n$)이라 할 때,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n A_k$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{1}{2}e^2 - e$ ② $\frac{1}{2}(e^2 - e)$ ③ $\frac{1}{2}e^2$
- ④ $e^2 - e$ ⑤ $e^2 - \frac{1}{2}e$



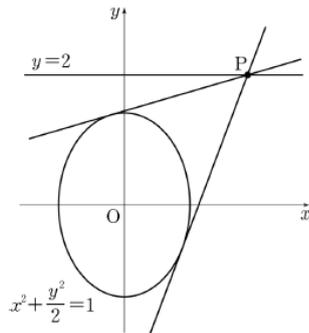
13. 좌표평면 위의 점 $(1, 0)$ 에서 쌍곡선 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{a} = 1$ 에 그은 두 접선이 서로 수직일 때, a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

19. 직선 $y=2$ 위의 점 P에서 타원 $x^2 + \frac{y^2}{2} = 1$ 에 그은

두 접선의 기울기의 곱이 $\frac{1}{3}$ 이다. 점 P의 x 좌표를 k 라 할 때, k^2 의 값은? [4점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

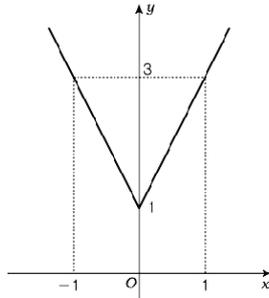


수학영역의 비밀 168쪽 15번 및 수학영역의 비밀 65쪽 8번

15. 아래 그림은 좌표평면에서 $f(x) = 2|x| + 1$ 의 그래프를 나타낸 것이다. 방정식

$$\frac{f(x)+3x}{x+1} + \frac{6(x+1)}{f(x)+3x} = 5$$

의 서로 다른 실근 x 의 개수는?



- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

KILLER

8. 함수 $f(x)$ 는 모든 실수 x 에 대하여 $f(x+2) = f(x)$ 를 만족시키고,

$$f(x) = \left| x - \frac{1}{2} \right| + 1 \quad \left(-\frac{1}{2} \leq x < \frac{3}{2} \right)$$

이다. 자연수 n 에 대하여 지수함수 $y = 2^{\frac{x}{n}}$ 의 그래프와 함수 $y = f(x)$ 의 그래프의 교점의 개수가 5가 되도록 하는 모든 n 의 값의 합은? [4점] [2010학년도 6월]

- ① 7 ② 9 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

20. 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $-2 \leq x < 2$ 일 때, $f(x) = 2|x| + 3$ 이다.
 (나) 모든 실수 x 에 대하여 $f(x) = f(x+4)$ 이다.

양수 m 에 대하여 무리방정식

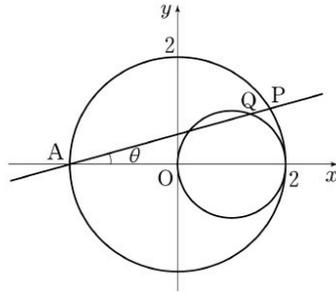
$$\sqrt{f(x) - mx} = f(x) - mx - 2$$

를 만족시키는 서로 다른 실근의 개수가 4 이하가 되도록 하는 m 의 최솟값은? [4점]

- ① $\frac{1}{8}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{3}{8}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{5}{8}$

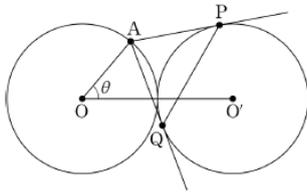
수학영역의 비밀 212쪽 9번

9. 그림과 같이 점 $A(-2, 0)$ 과 원 $x^2 + y^2 = 4$ 위의 점 P 에 대하여 직선 AP 가 원 $(x-1)^2 + y^2 = 1$ 과 두 점에서 만날 때 두 점 중에서 점 P 에 가까운 점을 Q 라 하자. $\angle OAP = \theta$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow +0} \frac{PQ}{\theta^2}$ 의 값은? [4점] [2013학년도 9월]



- ① $\frac{5}{2}$ ② 3 ③ $\frac{7}{2}$ ④ 4 ⑤ $\frac{9}{2}$

21. 그림과 같이 반지름의 길이가 각각 1인 두 원 O, O' 이 외접하고 있다. 원 O 위의 점 A 에서 원 O' 에 그은 두 접선의 접점을 각각 P, Q 라 하자. $\angle AOO' = \theta$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow +0} \frac{PQ}{\theta}$ 의 값은? (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$) [4점]



- ① 2 ② $\sqrt{6}$ ③ $2\sqrt{2}$ ④ $\sqrt{10}$ ⑤ $2\sqrt{3}$

수학영역의 비밀 80쪽 1번

1. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_1 = 1, a_4 = 7$ 일 때, $a_2 + a_3$ 의 값은? [2점] [2013학년도 9월]
- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

22. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_3 = 10, a_2 + a_5 = 24$ 일 때, a_6 의 값을 구하시오. [3점]

수학영역의 비밀 48쪽 8번

8. 이상기체 1몰의 부피가 V_0 에서 V_1 로 변할 때, 엔트로피 변화량 S_i (J/K)는 다음과 같이 구할 수 있다고 한다.

$$S_i = C \log \frac{V_i}{V_0}$$

(단, C 는 상수이고 부피의 단위는 m^3 이다.)

이상기체 1몰의 부피가 V_0 에서 V_1 로 a 배 변할 때 $S_1 = 6.02$ 이고, 이상기체 1몰의 부피가 V_0 에서 V_2 로 b 배 변할 때 $S_2 = 36.02$ 이다. 이때, $\frac{b}{a}$ 의 값은?

(단, 몰은 기체입자수의 단위이고 $C = 20$ (J/K)으로 계산한다.) [3점] [2011년 4월 교육청]

- ① 10 ② $6\sqrt{6}$ ③ $10\sqrt{10}$ ④ $15\sqrt{15}$ ⑤ 100

24. 지면으로부터 H_1 인 높이에서 풍속이 V_1 이고 지면으로부터 H_2 인 높이에서 풍속이 V_2 일 때, 대기 안정도 계수 k 는 다음 식을 만족시킨다.

$$V_2 = V_1 \times \left(\frac{H_2}{H_1} \right)^{\frac{2}{2-k}}$$

(단, $H_1 < H_2$ 이고, 높이의 단위는 m, 풍속의 단위는 m/초이다.)

A지역에서 지면으로부터 12m와 36m인 높이에서 풍속이 각각 2(m/초)와 8(m/초)이고, B지역에서 지면으로부터 10m와 90m인 높이에서 풍속이 각각 a (m/초)와 b (m/초)일 때, 두 지역의 대기 안정도 계수 k 가 서로 같았다. $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하시오. (단, a, b 는 양수이다.) [3점]

수학영역의 비밀 52쪽 1번

1. 자연수 n 에 대하여 $\log n$ 의 가수를 $f(n)$ 이라 할 때, 집합

$$A = \{f(n) \mid 1 \leq n \leq 150, n \text{은 자연수}\}$$

의 원소의 개수는? [3점] [2009학년도 대수형]

- ① 131 ② 133 ③ 135 ④ 137 ⑤ 139

26. 모든 항이 양수인 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $\log a_n$ 의 가수와 $\log a_{n+1}$ 의 가수는 서로 같다.
 (나) $1 < \frac{a_n}{a_{n+1}} < 100$

$\sum_{n=1}^{\infty} a_n = 500$ 일 때, a_1 의 값을 구하시오. [4점]

수학영역의 비밀 268쪽 6번

KILLER

6. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 $f(x)$ 에 대하여

$$\int_0^2 x f(tx) dx = 4t^2$$

일 때, $f(2)$ 의 값은? [3점] [2011학년도 9편]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

27. 함수 $f(x) = \frac{1}{1+x}$ 에 대하여

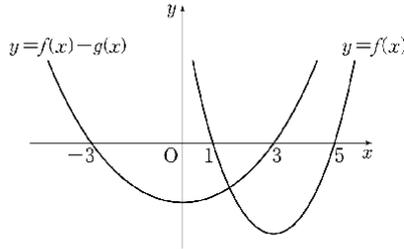
$$F(x) = \int_0^x t f(x-t) dt \quad (x \geq 0)$$

일 때, $F'(a) = \ln 10$ 을 만족시키는 상수 a 의 값을 구하시오.

[4점]

수학영역의 비밀 165쪽 7번

7. 두 이차함수 $f(x)$, $g(x)$ 에 대하여 함수 $y=f(x)$ 의 그래프와 함수 $y=f(x)-g(x)$ 의 그래프가 그림과 같다. 부등식 $\frac{g(x)}{f(x)} \geq 1$ 을 만족시키는 정수 x 의 개수는? [3점] [2014학년도 예비편]



- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

28. 사차함수 $f(x)$ 와 이차함수 $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $f(x)$, $g(x)$ 의 최고차항의 계수는 모두 양수이다.
- (나) $g(-1) = g(2) = 0$
- (다) 두 곡선 $y=f(x)$ 와 $y=g(x-2)$ 가 만나는 네 점의 x 좌표는 각각 $-2, 1, 2, 6$ 이다.

분수부등식 $\frac{f(x)}{g(x-2)} \leq 1$ 을 만족시키는 모든 정수 x 의 값의 합을 구하시오. [4점]

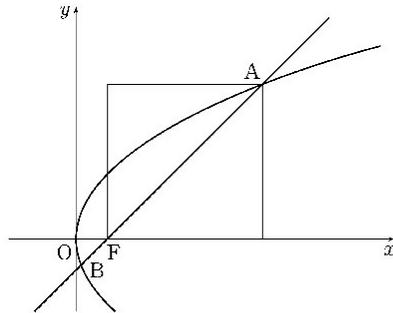
수학영역의 비밀 375쪽 예제

예제. 포물선 $y^2 = nx$ 의 초점과 포물선 위의 점 (n, n) 에서의 접선 사이의 거리를 d 라 하자.
 $d^2 \geq 40$ 을 만족시키는 자연수 n 의 최솟값을 구하시오. [4점] [2012학년도 대수능]

수학영역의 비밀 371쪽 10번

10. 그림과 같이 좌표평면에서 꼭짓점이 원점 O 이고 초점이 F 인 포물선과 점 F 를 지나고 기울기가 1인 직선이 만나는 두 점을 각각 A, B 라 하자. 선분 AF 를 대각선으로 하는 정사각형의 한 변의 길이가 2일 때, 선분 AB 의 길이는 $a+b\sqrt{2}$ 이다. a^2+b^2 의 값을 구하시오. (단, a, b 는 정수이다.) [4점]

[2013학년도 9월]



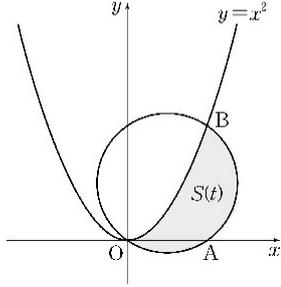
29. 좌표평면에서 포물선 $y^2 = 16x$ 위의 점 A 에 대하여 점 B 는 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 점 A 가 원점이면 점 B 도 원점이다.
- (나) 점 A 가 원점이 아니면 점 B 는 점 A , 원점 그리고 점 A 에서의 접선이 y 축과 만나는 점을 세 꼭짓점으로 하는 삼각형의 무게중심이다.

점 A 가 포물선 $y^2 = 16x$ 위를 움직일 때 점 B 가 나타내는 곡선을 C 라 하자. 점 $(3, 0)$ 을 지나는 직선이 곡선 C 와 두 점 P, Q 에서 만나고 $PQ=20$ 일 때, 두 점 P, Q 의 x 좌표의 값의 합을 구하시오. [4점]

수학영역의 비밀 131쪽 6번

6. 그림과 같이 곡선 $y=x^2$ 과 양수 t 에 대하여 세 점 $O(0, 0)$, $A(t, 0)$, $B(t, t^2)$ 을 지나는 원 C 가 있다. 원 C 의 내부와 부등식 $y \leq x^2$ 이 나타내는 영역의 공통부분의 넓이를 $S(t)$ 라 할 때, $S'(1) = \frac{p\pi+q}{4}$ 이다. p^2+q^2 의 값을 구하시오. (단, p, q 는 정수이다.) [4점] [2013학년도 9월]



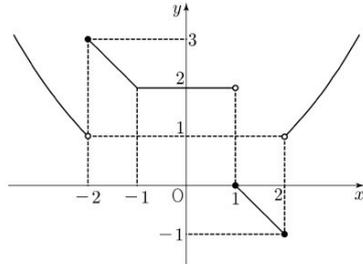
수학영역의 비밀 261쪽 44번

44. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2 & (|x| < 1) \\ 1-x & (1 \leq |x| \leq 2) \\ \frac{1}{4}x^2 & (|x| > 2) \end{cases}$$

에 대하여 점 $(0, 0)$ 과 점 $(t, f(t))$ 사이의 거리를 $g(t)$ 라 할 때, 함수 $g(t)$ 가 미분가능하지 않은 모든 t 의 값의 합은?

- ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1



30. 좌표평면에서 곡선 $y=x^2+x$ 위의 두 점 A, B의 x 좌표를 각각 $s, t(0 < s < t)$ 라 하자. 양수 k 에 대하여 두 직선 OA, OB와 곡선 $y=x^2+x$ 로 둘러싸인 부분의 넓이가 k 가 되도록 하는 점 (s, t) 가 나타내는 곡선을 C 라 하자. 곡선 C 위의 점 중에서 점 $(1, 0)$ 과의 거리가 최소인 점의 x 좌표가 $\frac{2}{3}$ 일 때, $k = \frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, O 는 원점이고, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]